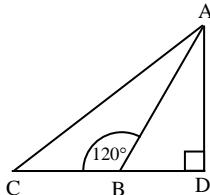


মূল বইয়ের অতিরিক্ত অংশ তৃতীয় অধ্যায়: জ্যামিতি



পরীক্ষায় কমন পেতে আরও প্রশ্ন ও সমাধান

প্রশ্ন ▶ ১



[ন.প.রা.বো.]

উপরের চিত্রে $\angle ABC = 120^\circ$ এবং $AD \perp BC$.

- ক. BD ও AB এর মধ্যে সম্পর্ক নির্ণয় কর। ২

- খ. উদ্দীপকের আলোকে প্রমাণ কর:

$$AC^2 - AB^2 = BC^2 + AB \cdot BC \quad 8$$

- গ. BC বাহু P ও Q বিন্দুতে তিনটি সমান অংশে বিভক্ত হলে প্রমাণ কর

$$\text{যে, } AB^2 + AC^2 = AP^2 + AQ^2 + 4PQ^2. \quad 8$$

১ নং প্রশ্নের সমাধান

- ক. চিত্রে $\angle ABC = 120^\circ$

CD সরলরেখার ওপর $\angle ABC$

ও $\angle ABD$ দুইটি সন্নিহিত কোণ

$$\therefore \angle ABC + \angle ABD = 180^\circ$$

$$\text{বা, } 120^\circ + \angle ABD = 180^\circ$$

$$\therefore \angle ABD = 60^\circ$$

এখন সমকোণী $\triangle ABD$ এর ভূমি = BD এবং অতিভুজ = AB

$$\therefore \cos \angle ABD = \frac{BD}{AB} \quad \left[\because \cos \theta = \frac{\text{ভূমি}}{\text{অতিভুজ}} \right]$$

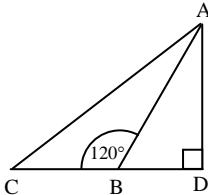
$$\text{বা, } \cos 60^\circ = \frac{BD}{AB}$$

$$\text{বা, } \frac{1}{2} = \frac{BD}{AB} \quad \therefore BD = \frac{AB}{2}$$

- খ. অনুশীলনীর প্রশ্ন ও সমাধান ২ নং দ্রষ্টব্য। পৃষ্ঠা-১১৯

- গ. অনুশীলনীর প্রশ্ন ও সমাধান ৫ নং দ্রষ্টব্য। পৃষ্ঠা-১২০

প্রশ্ন ▶ ২



[ন.প.রা.বো.]

উপরের চিত্রে $\angle ABC = 120^\circ$ এবং $AD \perp BC$.

- ক. BD ও AB এর মধ্যে সম্পর্ক নির্ণয় কর। ২

- খ. উদ্দীপকের আলোকে প্রমাণ কর:

$$AC^2 - AB^2 = BC^2 + AB \cdot BC \quad 8$$

- গ. BC বাহু P ও Q বিন্দুতে তিনটি সমান অংশে বিভক্ত হলে প্রমাণ কর

$$\text{যে, } AB^2 + AC^2 = AP^2 + AQ^2 + 4PQ^2. \quad 8$$

২ নং প্রশ্নের সমাধান

- ক. চিত্রে $\angle ABC = 120^\circ$

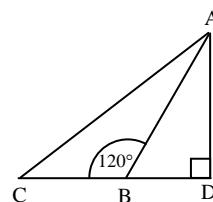
CD সরলরেখার ওপর $\angle ABC$

ও $\angle ABD$ দুইটি সন্নিহিত কোণ

$$\therefore \angle ABC + \angle ABD = 180^\circ$$

$$\text{বা, } 120^\circ + \angle ABD = 180^\circ$$

$$\therefore \angle ABD = 60^\circ$$



এখন সমকোণী $\triangle ABD$ এর ভূমি = BD এবং অতিভুজ = AB

$$\therefore \cos \angle ABD = \frac{BD}{AB} \quad \left[\because \cos \theta = \frac{\text{ভূমি}}{\text{অতিভুজ}} \right]$$

$$\text{বা, } \cos 60^\circ = \frac{BD}{AB}$$

$$\text{বা, } \frac{1}{2} = \frac{BD}{AB} \quad \therefore BD = \frac{AB}{2}$$

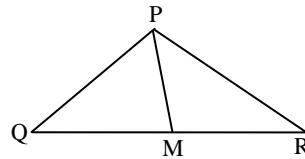
- খ. অনুশীলনীর প্রশ্ন ও সমাধান ২ নং দ্রষ্টব্য। পৃষ্ঠা-১২৫

- গ. অনুশীলনীর প্রশ্ন ও সমাধান ৫ নং দ্রষ্টব্য। পৃষ্ঠা-১২৬

উত্তর সংকেতসহ সূজনশীল প্রশ্ন

প্রশ্ন ▶ ৩

◀ পিছনফল-২



চিত্রে M, QR-এর মধ্যবিন্দু।

- ক. $\Delta PQR : \Delta PQM = \text{কত?}$ ২

- খ. ΔPQR এ $PQ = 4 \text{ m}, PR = 5 \text{ m}$ হলে প্রমাণ কর যে,

$$2(PM^2 + QM^2) = 20.5 \quad 8$$

- গ. $PQ = 3 \text{ m}, PR = 4 \text{ m}$ এবং $QR = 5 \text{ m}$ হলে প্রমাণ কর যে, $\angle P = \text{এক সমকোণ।}$ ৮

উত্তর: ক. ২

- প্রশ্ন ▶ ৪** ABC ত্রিভুজের AB, BC এবং AC বাহুর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 4

সে.মি., 5 সে.মি. এবং 3 সে.মি.। AD, ΔABC এর মধ্যমা এবং $AE \perp BC$ ।

◀ পিছনফল-২

- ক. প্রদত্ত তথ্যের আলোকে সংক্ষিপ্ত বিবরণসহ চিত্রটি আঙ্কন করো। ২

- খ. প্রমাণ কর যে, $AB^2 + AC^2 = 2AD^2 + 2BD^2.$ ৮

- গ. ΔABC এর BC বাহু P ও Q বিন্দুতে তিনটি সমান অংশে বিভক্ত হয়েছে। প্রমাণ কর যে, $AB^2 + AC^2 = AP^2 + AQ^2 + 4PQ^2.$ ৮

- প্রশ্ন ▶ ৫** PQR ত্রিভুজের $\angle R$ স্থূলকোণ, PQ স্থূলকোণের বিপরীত

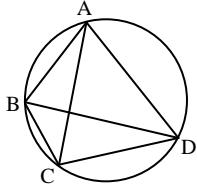
বাহু এবং PR স্থূলকোণের সন্নিহিত বাহুদ্বয় যথাক্রমে QR ও PR।

◀ পিছনফল-১ ও ২

- ক. PR বাহুর লম্ব অভিক্ষেপ আঙ্কন করো। ২

- খ. প্রমাণ করো যে, $PQ^2 = PR^2 + QR^2 + 2QR \cdot RD$ ।
 গ. ত্রিভুজটির মধ্যমাত্রয় M বিন্দুতে মিলিত হলে প্রমাণ করো যে,
 $PQ^2 + QR^2 + RP^2 = 3(MP^2 + MQ^2 + MR^2)$ ।

- 8
প্রশ্ন ▶ ১০ ΔABC সমবাহু ত্রিভুজের শীর্ষত্রয় থেকে বিপরীত বাহুগুলোর লম্ব যথাক্রমে AD, BE ও CF রেখাত্রয় O বিন্দুতে ছেদ করেছে।
 ক. তথ্যানুসারে চিত্রটি অঙ্কন কর।

প্রশ্ন ▶ ৬

ABCD চতুর্ভুজটি বৃত্তে অন্তর্নির্খিত এবং AC, BD উহার দুইটি কর্ণ।

◀ শিখনফল-১ ৫ ৫

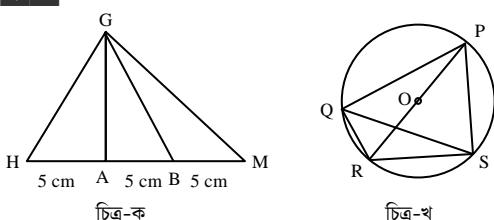
- ক. টলেমির উপপাদ্য বিবৃত কর।
 খ. উদ্বীপকের আলোকে প্রমাণ কর যে, $AC \cdot BD = AB \cdot CD + BC \cdot AD$
 গ. ΔABC এর মধ্যকগুলো G বিন্দুতে মিলিত হলে প্রমাণ কর যে,
 $AB^2 + BC^2 + CA^2 = 3(GA^2 + GB^2 + GC^2)$

- প্রশ্ন ▶ ৭** ΔABC এ $AB = AC$ এবং শীর্ষবিন্দু A হতে ভূমি BC এর
ওপর AD লম্ব।

◀ শিখনফল-২

- ক. ব্রজাগুণ্ঠের উপপাদ্যটি বিবৃত কর।
 খ. ভূমি BC এর ওপর যে কোনো বিন্দু P হলে, প্রমাণ কর যে,
 $AB^2 - AP^2 = BP \cdot PC$.
 গ. উদ্বীপকে উল্লিখিত ΔABC এর পরিব্যাসার্ধ R হলে প্রমাণ কর যে,
 $AB^2 = 2R \cdot AD$.

- প্রশ্ন ▶ ৮** ABC বৃত্তে ΔABC এর লম্ববিন্দু O, পরিকেন্দ্র S এবং
ভরকেন্দ্র G | AP একটি মধ্যমা।
- ◀ শিখনফল-১
- ক. তথ্য অনুযায়ী চিত্রটি আঁক।
 খ. প্রমাণ কর যে, S, G, O বিন্দুগুলো সমরেখ।
 গ. যদি ΔABC এর $\angle A$ এর সমদ্বিখণ্ডক AP, BC কে P বিন্দুতে এবং
 ABC পরিবৃক্তকে F বিন্দুতে ছেদ করে তাহলে দেখাও যে, $AP^2 = AB \cdot AC - BP \cdot PC$ ।

প্রশ্ন ▶ ৯

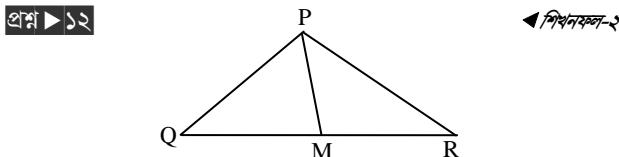
/ক্লাস্টেমেন্ট পারালিক স্কুল ও কলেজ, রংপুর/

- ক. বিন্দুর লম্ব অভিক্ষেপ ও ত্রিভুজের ভরকেন্দ্র বলতে কী বুঝা?
 খ. ক চিত্রের আলোকে দেখাও যে, $GA^2 + GB^2 + 4AB^2 = GH^2 + GM^2$
 গ. $PR \cdot QS = PQ \cdot RS + QR \cdot PS$ উক্তিটির সত্যতা (খ) চিত্রের
আলোকে প্রতিপাদন কর।

- 8
 ক. তথ্যানুসারে চিত্রটি অঙ্কন কর।
 খ. প্রমাণ কর যে, $AO \cdot OD = BO \cdot OE = CO \cdot OF$.
 গ. ত্রিভুজটির পরিবৃত্তের ব্যাসার্ধ 3 সে.মি. হলে, উহার বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
 8
উত্তর: গ. $3\sqrt{3}$ সে.মি.

- প্রশ্ন ▶ ১১** ΔABC এ, $BC = a$, $CA = b$, $AB = c$ এবং এদের উপর অঙ্কিত মধ্যমার দৈর্ঘ্য যথাক্রমে d, e, f.

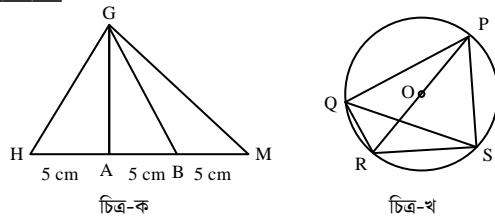
- ক. উদ্বীপকের আলোকে চিত্র আঁক এবং সংক্ষিপ্ত বর্ণনা দাও।
 খ. প্রমাণ কর যে, $3(a^2 + b^2 + c^2) = 4(d^2 + e^2 + f^2)$.
 গ. যদি $AB = AC$ এবং ভূমি BC এর উপর P যে কোনো বিন্দু হয়,
 তবে দেখাও যে, $AB^2 - AP^2 = BP \cdot CP$



চিত্রে M, QR-এর মধ্যবিন্দু।

- ক. $\Delta PQR : \Delta PQM = কত?$
 খ. ΔPQR এ $PQ = 4$ m, $PR = 5$ m হলে প্রমাণ কর যে,
 $2(PM^2 + QM^2) = 20.5$
 গ. $PQ = 3$ m, $PR = 4$ m এবং $QR = 5$ m হলে প্রমাণ কর যে,
 $\angle P = এক সমকোণ$ ।

উত্তর: ক. 2

প্রশ্ন ▶ ১৩

চিত্র-খ

- ক. বিন্দুর লম্ব অভিক্ষেপ ও ত্রিভুজের ভরকেন্দ্র বলতে কী বুঝা?
 খ. ক চিত্রের আলোকে দেখাও যে, $GA^2 + GB^2 + 4AB^2 = GH^2 + GM^2$
 গ. $PR \cdot QS = PQ \cdot RS + QR \cdot PS$ উক্তিটির সত্যতা (খ) চিত্রের
আলোকে প্রতিপাদন কর।

- প্রশ্ন ▶ ১৪** ΔABC এর শীর্ষত্রয় থেকে বিপরীত বাহুগুলোর ওপর লম্ব
AD, BE ও CF রেখাত্রয় O বিন্দুতে ছেদ করেছে।

- ক. উপরিউক্ত বর্ণনা অনুযায়ী চিত্র অঙ্কন কর।
 খ. প্রমাণ কর যে, $BC \cdot CD = AC \cdot CE$
 গ. প্রমাণ কর যে, $AO \cdot OD = BO \cdot OE = CO \cdot OF$

প্রশ্ন ▶ ১৫ দুইটি ত্রিভুজ ABC এবং BEF সদৃশকোণী হলে তাদের অনুরূপ বাহুগুলো সমানপুরাতিক হবে।

ক. সংক্ষিপ্ত বিবরণসহ চিত্রটি অঙ্কন কর। ২

খ. প্রমাণ কর যে, $\frac{AB}{DE} = \frac{AC}{DF} = \frac{BC}{EF}$ ৮

গ. ABC ত্রিভুজের AC ও AB বাহুর উপর যথাক্রমে BE ও CF লম্ব।

দেখাও যে, Δ ক্ষেত্র ABC : Δ ক্ষেত্র AEF = $AB^2 : AE^2$ ৮

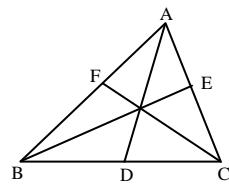
প্রশ্ন ▶ ১৬ ABC ত্রিভুজের পরিকেন্দ্র O এবং AP পরিবৃত্তের ব্যাস। ΔABC এর শীর্ষে A থেকে বিপরীত বাহু BC এর উপর AD লম্ব।

ক. ব্রহ্মগুপ্তের উপপাদ্য লেখ। ২

খ. উদ্বিগ্নকের আলোকে প্রমাণ কর যে, $AB \cdot AC = AP \cdot AD$. ৮

গ. উদ্বিগ্নকের চিত্র গঠন করে B, P এবং C, P যোগ করলে একটি ABPC বৃত্তস্থ চতুর্ভুজ উৎপন্ন হয়। এই চতুর্ভুজের কর্ণদ্বয় AP এবং BC হলে প্রমাণ কর যে, $AP \cdot BC = AB \cdot CP + BP \cdot AC$ ৮

প্রশ্ন ▶ ১৭



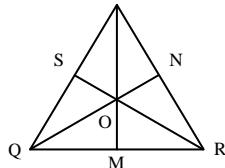
চিত্রে ΔABC এর AD, BE ও CF মধ্যমা।

ক. এ্যাপোলোনিয়াসের উপপাদ্যটি বিবৃত কর। ২

খ. প্রমাণ কর যে, $AB^2 + AC^2 = 2(AD^2 + BD^2)$ ৮

গ. প্রমাণ কর যে, $3(BC^2 + CA^2 + AB^2) = 4(AD^2 + BE^2 + CF^2)$ ৮

প্রশ্ন ▶ ১৮ ΔPQR -এ PM, QN ও RS মধ্যমাক্রয় O বিন্দুতে ছেদ করেছে।



ক. চিত্রসহ লম্ব অভিক্ষেপ কাকে বলে লিখ। ২

খ. ΔPQR হতে $PQ^2 + PR^2 = 2(PM^2 + QM^2)$ সম্পর্কটি প্রতিষ্ঠিত কর। ৮

গ. ΔPQR ত্রিভুজের ক্ষেত্রে দেখাও যে,

$$PQ^2 + QR^2 + PR^2 = 3(PO^2 + QO^2 + RO^2) \quad ৮$$



নিজেকে যাচাই করি

সূজনশীল বহুনির্বাচনি প্রশ্ন

সময়: ২৫ মিনিট; মান-২৫

১. $\triangle ABC$ এর AD ও BE মধ্যমান্ডল পরস্পরকে O বিন্দুতে ছেদ করলে $AD : OD =$ কত?

(ক) ৩ : ২ (খ) ৩ : ১
(গ) ২ : ১ (ঘ) ১ : ২

২. যদি $\triangle ABC$ -এ $\angle C = 120^\circ$ হয় তাহলে নিচের কোনটি সত্য?

(ক) $AB^2 = AC^2 + BC^2 + AC \cdot BC$
(খ) $BC^2 = AC^2 + AB^2 - AC \cdot BC$
(গ) $AB^2 = AC^2 + BC^2 - AC \cdot BC$
(ঘ) $AC^2 = AC^2 + BC^2 - BC \cdot AC$

৩. কোন ত্রিভুজের বাহুগুলি $x^2 + 1$, $x^2 - 1$ ও $2x$ এবং $x > 1$ হলে ত্রিভুজটি কেমন হবে?

(ক) সমবিন্দু বিশিষ্ট (খ) সমকোণী
(গ) বিষমবাহু (ঘ) সমবাহু

৪. $\triangle ABC$ এর ক্ষেত্রে—

- i. $\angle C$ সূক্ষ্মকোণ হলে $AB^2 > AC^2 + BC^2$
ii. $\angle C$ সমকোণ হলে $AB^2 = AC^2 + BC^2$
iii. $\angle C$ সূক্ষ্মকোণ হলে $AC^2 < AB^2 + BC^2$

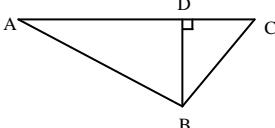
নিচের কোনটি সঠিক?

(ক) i ও ii (খ) ii ও iii
(গ) i ও iii (ঘ) i, ii ও iii

৫. কোনো ত্রিভুজের বাহুর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে a, b ও c। উক্ত বাহুগুলোর উপর বিপরীত শীর্ষ হতে অঙ্কিত মধ্যমার দৈর্ঘ্য যথাক্রমে d, e ও f হলে নিচের কোনটি সঠিক?

(ক) $3(a^2 + b^2 + c^2) = 4(d^2 + e^2 + f^2)$
(খ) $3(a^2 + b^2 + c^2) = 2(d^2 + e^2 + f^2)$
(গ) $a^2 + b^2 + c^2 = d^2 + e^2 + f^2$
(ঘ) $a^2 + b^2 + c^2 = 3(d^2 + e^2 + f^2)$

- নিচের তথ্যের আলোকে (৬ ও ৭) নং প্রশ্নের উভয় দাও:



$AB = 12$ সে.মি., $BC = 5$ সে.মি. এবং $AC = 13$ সে.মি।

৬. $\triangle ABC$ ত্রিভুজের—

i. অর্ধপরিসীমা 15 cm

ii. ক্ষেত্রফল 30 cm^2

iii. $\sin B = \frac{12}{13}$

নিচের কোনটি সঠিক?

(ক) i ও ii (খ) i ও iii
(গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

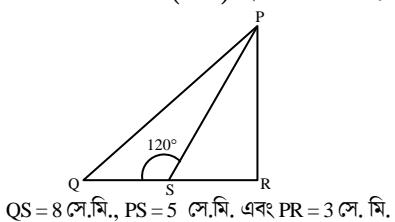
৭. BD এর দৈর্ঘ্য কত সে.মি.?

(ক) 4.62 (খ) 9.23 (গ) 10 (ঘ) 24

৮. $\triangle ABC$ এর মধ্যমা AD , BC এর উপর লম্ব। $BC = 5$ হলে, BC এর উপর AC রেখার লম্ব অঙ্কিত দৈর্ঘ্য কত?

(ক) 0 (খ) 2.5 (গ) 5 (ঘ) 7.5

নিচের তিত্রের আলোকে (৯-১০) নং প্রশ্নের উভয় দাও:



$QS = 8$ সে.মি., $PS = 5$ সে.মি. এবং $PR = 3$ সে.মি.

৯. PS এর লম্ব অঙ্কিত কোণটি?

(ক) PR (খ) PQ (গ) QS (ঘ) SR

১০. PQ এর মান কত সে.মি.?

(ক) $\sqrt{55}$ (খ) $\sqrt{73}$

(গ) $\sqrt{135}$ (ঘ) $\sqrt{153}$

১১. একটি ত্রিভুজের পরিব্যাসার্ধ 7 সে.মি. এবং ত্রিভুজের নববিন্দুতের ব্যাসার্ধ কত সে.মি.?

(ক) 3.5 (খ) 7 (গ) 14 (ঘ) 49

১২. নববিন্দু বৃত্তের ক্ষেত্রে —

i. ভরকেন্দ্র মধ্যমাকে 2:1 অনুপাতে বিভক্ত করে

ii. ত্রিভুজের লম্ববিন্দু ও পরিকেন্দ্র সংযোজন করে উৎপন্ন রেখাখনের মধ্যবিন্দুই নববিন্দু বৃত্তের কেন্দ্র

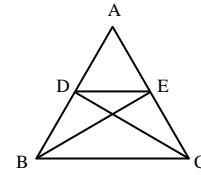
iii. নববিন্দু বৃত্তের ব্যাসার্ধ ত্রিভুজের পরিব্যাসার্ধের অর্ধেকের সমান

নিচের কোনটি সঠিক?

(ক) i ও ii (খ) i ও iii

(গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

- ১৩.



চিত্রে $BC \parallel DE$ হলে,

i. $\frac{AB}{AD} = \frac{AC}{AE}$

ii. $\angle AED = \angle ACB$

iii. $\triangle BDC$ এবং $\triangle BEC$ এর উচ্চতা একই

নিচের কোনটি সঠিক?

(ক) i ও ii (খ) i ও iii

(গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

১৪. তিনটি বৃত্ত পরস্পরকে বিহিন্দুর ক্ষেত্রে যাদের ব্যাসার্ধ যথাক্রমে 5, 6 ও 7 সে.মি।

বৃত্ত তিনটির কেন্দ্র দ্বারা গঠিত ত্রিভুজের পরিসীমা কত?

(ক) 9 সে.মি. (খ) 18 সে.মি.

(গ) 36 সে.মি. (ঘ) 54 সে.মি.

১৫. যদি একটি সমবাহু ত্রিভুজের পরিব্যাসার্ধ 3 সে.মি. হয় তবে ত্রিভুজের প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য কত?

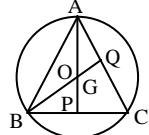
(ক) 6 cm (খ) $2\sqrt{3}$ cm

(গ) $3\sqrt{3}$ cm (ঘ) $4\sqrt{3}$ cm

১৬. বৃত্তের অন্তলিখিত কোন বর্গের কর্ণবর্যের গুণফল 200 বর্গ সে.মি. হলে, বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?

(ক) 20 (খ) 50 (গ) 100 (ঘ) 400

১৭. O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তে ত্রিভুজের ভরকেন্দ্র G হলে —



i. $AG = \frac{2}{3} AP$

ii. $BG : GQ = 2 : 1$

iii. লম্ববিন্দু O এবং G সমরেখ

নিচের কোণটি সঠিক?

(ক) i ও ii (খ) i ও iii

(গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

১৮. $\triangle ABC$ এর মধ্যমাত্র $AD = 3$ সে.মি., $BE = 4$ সে.মি., $CF = 5$ সে.মি. এবং মধ্যমাত্র পরস্পরকে P বিন্দুতে ছেদ করেছে। $AB^2 + BC^2 + AC^2$ এর মান কত?

(ক) 37.50 বর্গ সে.মি.

(খ) 66.67 বর্গ সে.মি.

(গ) 75 বর্গ সে.মি.

(ঘ) 150 বর্গ সে.মি.

১৯. কোনো ত্রিভুজের পরিবর্তের ক্ষেত্রফল 25π বর্গ সে.মি. হলে নববিন্দুতের ব্যাসার্ধ কত?

(ক) 2.5 (খ) 5

(গ) 10 (ঘ) 2

২০. 6 সে.মি. বাহু বিশিষ্ট ABCD বর্গে, O কেন্দ্র বিশিষ্ট বৃত্ত অন্তলিখিত হয়েছে। বৃত্তের ব্যাসার্ধ কত সে.মি.?

(ক) 8.485 (খ) 6

(গ) 4.24 (ঘ) 3

২১. কোন ত্রিভুজের দুই বাহুর পরিমাণ 3 সে.মি. ও 5 সে.মি. এবং পরিবর্তের ব্যাসার্ধ 3 সে.মি. শীর্ষবিন্দু থেকে বিপরীত বাহুর উপর লম্ব রেখার দৈর্ঘ্য কত?

(ক) 1.82 সে.মি. (খ) 1.5 সে.মি.

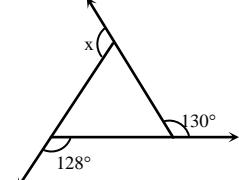
(গ) 2.5 সে.মি. (ঘ) 2 সে.মি.

২২. ত্রিভুজের পরিকেন্দ্র, ভরকেন্দ্র ও লম্ববিন্দু দ্বারা গঠিত ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল কত বর্গ একক?

(ক) 0 (খ) 1

(গ) 10 (ঘ) অনিশ্চয়

- ২৩.

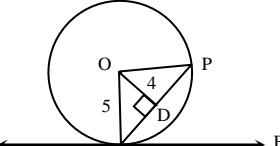


উপরের চিত্রে x এর মান কোণটি?

(ক) 102° (খ) 126°

(গ) 132° (ঘ) 134°

নিচের তথ্যের আলোকে ২৪ ও ২৫ নং প্রশ্নের উভয় দাও:



চিত্রে, বৃত্তটির ব্যাসার্ধ 5 একক এবং $OD = 4$ একক।

২৪. AP এর দৈর্ঘ্য কত একক?

(ক) 5 (খ) 4 (গ) 6 (ঘ) 9

২৫. $\angle PAB = 42^\circ$ হলে $\angle AOD =$ কত?

(ক) 51° (খ) 42° (গ) 45° (ঘ) 90°

সূজনশীল রচনামূলক প্রশ্ন

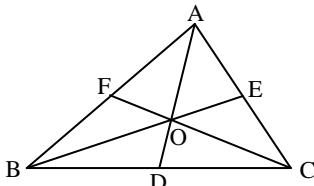
সময়: ২ ঘণ্টা ৩৫ মিনিট

মান-৫০

[বি. দ্র. যে কোনো ৫টি প্রশ্নের উত্তর দিতে হবে। প্রতি প্রশ্নের মান ১০]

$$10 \times 5 = 50]$$

১. ▶

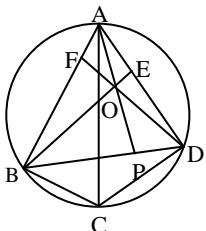


চিত্রে $\triangle ABC$ এর AD , BE ও CF মধ্যমাত্র পরস্পর O বিন্দুতে ছেদ করেছে।

- ক. ভরকেন্দ্র কাকে বলে? O বিন্দু AD কে কী অনুপাতে ছেদ করেছে? ২
 খ. $\triangle ABC$ হতে প্রমাণ কর যে, $AB^2 + AC^2 = 2(BD^2 + AD^2)$ ৮
 গ. দেখাও যে, $\triangle ABC$ এর বাহু তিনটির বর্গের সমষ্টি O বিন্দু হতে শৈবিন্দু তিনটির দুবারের বর্গের সমষ্টির তিনগুণ। ৮

২. ▶ $\triangle ABC$ এ $AB = AC$ এবং AC বাহুকে D বিন্দু পর্যন্ত এমনভাবে বর্ধিত করা হলো যেন $AC = CD$ । ফলে ABD একটি স্থূলকোণী ত্রিভুজ উৎপন্ন হয়।

- ক. উপরের তথ্যের আলোকে $\triangle ABC$ -এর একটি চিহ্নিত চিত্র আঁক। ২
 খ. প্রমাণ কর যে, $BD^2 = 2BC^2 + AC^2$ ৮
 গ. যদি ABC এর BC বাহুর সমান্তরাল DE রেখা AB কে D বিন্দুতে ও AC কে E বিন্দুতে ছেদ করে, তবে প্রমাণ কর যে,
 $BE^2 - CE^2 = BC \cdot DE$ ৮

৩. ▶ পাশের বৃত্তে অন্তর্লিখিত $ABCD$ একটি চতুর্ভুজ।

- ক. টলেমির উপপাদ্যটি বিবৃত কর। ২
 খ. প্রমাণ কর যে, $AC \cdot BD = AB \cdot CD + BC \cdot AD$ ৮
 গ. AP , BE ও DF লম্বত্ব যদি O বিন্দুতে ছেদ করে তাহলে প্রমাণ কর যে,
 $AO \cdot OP = BO \cdot OE = DO \cdot OF$ ৮

৪. ▶ $\triangle ABC$ এর $\angle C =$ এক সমকোণ এবং AD মধ্যম।
 ক. উপরোক্ত তথ্যের আলোকে চিহ্নিত চিত্র আঁক। ২
 খ. প্রমাণ কর যে, $AB^2 = AD^2 + 3BD^2$. ৮
 গ. $\triangle ABC$ এর তিনটি মধ্যমা যথাক্রমে AD , BE ও CF মধ্যম তিনটি G বিন্দুতে মিলিত হলে, প্রমাণ কর যে,
 $AB^2 + BC^2 + CA^2 = 3(GA^2 + GB^2 + GC^2)$ ৮

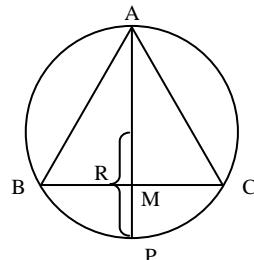
৫. ▶ $ABCD$ চতুর্ভুজটি বৃত্তে এমনভাবে অন্তর্লিখিত হয়েছে যেন AC ও BD কর্ণস্বরূপ পরস্পর O বিন্দুতে সমকোণে ছেদ করে।

- ক. নব বিন্দু বৃত্ত কী? ২
 খ. উদীপকের চতুর্ভুজটির $\angle AOD$ এর সমান্তর্বিক OM কে বিপরীত দিকে বর্ধিত করলে তা BC কে N বিন্দুতে ছেদ করে প্রমাণ কর যে, $BN = CN$ ৮
 গ. প্রমাণ কর যে, চতুর্ভুজটির কর্ণস্বরূপ যে কোন কোণে ছেদ করলেও কর্ণস্বরূপের অন্তর্গত আয়ত ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল বিপরীত বাহুস্বরূপের অন্তর্গত আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের সমষ্টির সমান। ৮

৬. ▶ $\triangle ABC$ এর পরিকেন্দ্র ও লম্ববিন্দু যথাক্রমে S এবং O , AP মধ্যমাকে S এবং O এর সংযোজক সরলরেখা G বিন্দুতে ছেদ করে।

- ক. উদীপকের আলোকে চিহ্নিত চিত্রটি অঙ্কন কর। ২
 খ. প্রমাণ কর যে, G ত্রিভুজটির ভরকেন্দ্র। ৮
 গ. $\triangle ABC$ সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ হলে, প্রমাণ কর যে, $AB^2 = 2AS \cdot AP$ । ৮

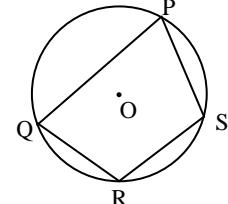
৭. ▶



চিত্রে $AB = AC$ এবং R হলো বৃত্তের পরিব্যাসার্ধ।

- ক. অ্যাপোলোনিয়াসের উপপাদ্যটি বিবৃত কর। ২
 খ. যদি $AM \perp BC$ হয় তবে প্রমাণ কর যে, $AB^2 = 2R \cdot AM$ ৮
 গ. যদি $\angle A$ এর সমান্তর্বিক AP হয় তবে দেখাও যে,
 $AM^2 = AB^2 - BM \cdot MC$ ৮

৮. ▶



O কেন্দ্রবিশিষ্ট $PQRS$ একটি বৃত্ত।

- ক. ত্রিভুজের বাহু ও মধ্যমার মধ্যে সম্পর্ক সূচক সৰীকরণটি লিখ। ত্রিভুজটি সমকোণী হলে সম্পর্কটি কিরূপ হবে তা নির্ণয় কর। ২
 খ. প্রমাণ কর যে, $PQ \cdot RS + PS \cdot QR = PR \cdot QS$ ৮
 গ. PQ কে ব্যাস ধরে অর্ধবৃত্তের দুটি জ্যা PC এবং QD পরস্পর M বিন্দুতে ছেদ করে। প্রমাণ কর যে, $PQ^2 = PC \cdot PM + QD \cdot QM$ ৮

সূজনশীল বহুনির্বাচনি | মডেল প্রশ্নপত্রের উত্তর

১	ৰ	২	ক	৩	ৰ	৪	ক	৫	ক	৬	ক	৭	ক	৮	ৰ	৯	ৰ	১০	ৰ	১১	ক	১২	ৰ	১৩	ৰ
১৮	গ	১৫	গ	১৬	গ	১৭	ৰ	১৮	ৰ	১৯	ক	২০	ৰ	২১	গ	২২	ক	২৩	ক	২৪	গ	২৫	ৰ		

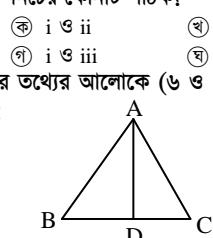
সূজনশীল রচনামূলক | মডেল প্রশ্নপত্রের উত্তর

১. ক. ২ : ১	৮. ক. $3(a^2 + b^2 + c^2) = 4(d^2 + e^2 + f^2); 2(d^2 + e^2 + f^2) = 3c^2$
-------------	--

বহুনির্বাচনি প্রশ্ন

সময়: ২৫ মিনিট; মান-২৫

১. একটি ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল 36 বর্গ সে. মি. এবং এর ভূমি উচ্চতার হিস্গুণ। ভূমির দৈর্ঘ্য কত?
 (ক) 6 সে. মি. (খ) $6\sqrt{2}$ সে. মি.
 (গ) 12 সে. মি. (ঘ) $12\sqrt{2}$ সে. মি.
২. ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য (সে.মি.) দেওয়া থাকলে কোন ক্ষেত্রে সমকোণী ত্রিভুজ আঁকা যায়?
 (ক) 12, 15, 19 (খ) 6, 7, 8
 (গ) 3, 4, 5 (ঘ) 5, 6, 7
৩. সমবাহু ত্রিভুজের যে কোনো বাহুকে বর্ধিত করলে উৎপন্ন কোণের মান কত?
 (ক) 30° (খ) 60° (গ) 90° (ঘ) 120°
৪. $\triangle ABC$ এর $\angle C = 90^\circ$, $AC = BC = 3$ সে. মি. হলে AB কত?
 (ক) 3 সে. মি. (খ) $3\sqrt{2}$ সে. মি.
 (গ) 6 সে. মি. (ঘ) 18 সে. মি.
৫. $\triangle ABC$ এর ক্ষেত্রে—
 - i. $\angle C$ সূক্ষ্মকোণ হলে $AB^2 > AC^2 + BC^2$
 - ii. $\angle C$ সমকোণ হলে $AB^2 = AC^2 + BC^2$
 - iii. $\angle C$ সূক্ষ্মকোণ হলে $AC^2 < AB^2 + BC^2$ নিচের কোনটি সঠিক?

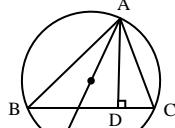


নিচের তথ্যের আলোকে (৬ ও ৭) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

৬. AD এর দৈর্ঘ্য কত?
 (ক) $4\sqrt{2}$ cm (খ) $3\sqrt{2}$ cm
 (গ) $3\sqrt{2}$ cm (ঘ) $\sqrt{2}$ cm
৭. $\triangle ABC$ এর ক্ষেত্রফল কত?
 (ক) $4\sqrt{2}$ cm² (খ) $6\sqrt{2}$ cm²
 (গ) $8\sqrt{2}$ cm² (ঘ) $10\sqrt{2}$ cm²
৮. কোনো ত্রিভুজের মধ্যমাত্র পরাপ্রসর সমান হলে, ত্রিভুজটির প্রকৃতি কিরূপ হবে?
 (ক) সমবিবাহু (খ) সমকোণী
 (গ) সমবাহু (ঘ) সূক্ষ্মকোণী
৯. একটি ত্রিভুজের পরিকেন্দ্র, ভরকেন্দ্র ও লয়বিন্দু যোগ করলে কোনটি গঠিত হয়?
 (ক) সরলরেখা (খ) ত্রিভুজ
 (গ) আয়তক্ষেত্র (ঘ) কোণক
১০. নববিন্দু বৃত্তের ক্ষেত্রে—
 - i. ভরকেন্দ্র মধ্যমাকে $2 : 1$ অনুপাতে বিভক্ত করে
 - ii. ত্রিভুজের লয়বিন্দু ও পরিকেন্দ্র সংযোজন করে উৎপন্ন রেখাশের মধ্যবিন্দুই নববিন্দু বৃত্তের কেন্দ্র
 - iii. নববিন্দু বৃত্তের ব্যাসার্ধ ত্রিভুজের পরিব্যাসার্ধের অর্ধেকের সমান নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) i ও ii (খ) i ও iii
 (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

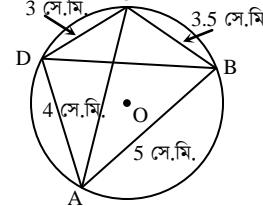
১১. একটি ত্রিভুজের নববিন্দু বৃত্তের ব্যাসার্ধ 5 cm হলে ঐ ত্রিভুজের পরিবৃত্তের ক্ষেত্রফল কত?
 (ক) 25π (খ) 50π (গ) 100π (ঘ) 150π



এখানে, $AB = 12$ cm.

১২. উপরের চিত্রে বৃত্তটির ব্যাসার্ধ 4cm, AP ব্যাস। যদি $AC = 4$ cm হয় তবে $AD =$ কত?
 (ক) 3.5 cm (খ) 4 cm
 (গ) 5.5 cm (ঘ) 6 cm

নিচের তথ্যের আলোকে (১৩-১৪) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



পাশের চিত্রে O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তে ABCD চতুর্ভুজটি অন্তর্লিখিত হয়েছে।

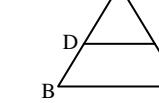
১৩. AB ও CD এর অন্তর্গত আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?

(ক) 10.5 (খ) 14 (গ) 15 (ঘ) 20

১৪. AB ও BC এর অন্তর্গত আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?

(ক) 12 (খ) 14 (গ) 15 (ঘ) 17.5

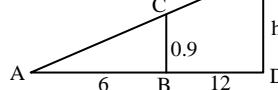
১৫.



ΔABC -এ D, AB এর মধ্যবিন্দু এবং $DE \parallel BC$ হলে নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) $AE : CE = 1 : 2$ (খ) $AC : AE = 1 : 2$
 (গ) $AE : CE = 1 : 1$ (ঘ) $AE : CE = 2 : 1$

১৬.



উপরের চিত্রে, h এর মান কত?

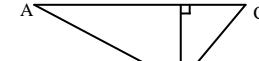
(ক) 1.5 (খ) 2.7 (গ) 3.2 (ঘ) 4.5

১৭. সমবাহু ত্রিভুজের বাহুর দৈর্ঘ্য 5 সে.মি. হলে তার মধ্যমার দৈর্ঘ্য কত?

(ক) 2.50 সে.মি. (খ) 4.33 সে.মি.

(গ) 5 সে.মি. (ঘ) 8.66 সে.মি.

নিচের তথ্যের আলোকে (১৮ ও ১৯) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



$AB = 12$ সে.মি., $BC = 5$ সে.মি. এবং $AC = 13$ সে.মি।

১৮. ABC ত্রিভুজের—

- i. অর্ধপরিসীমা 15 cm
- ii. ক্ষেত্রফল 30 cm^2 iii. $\sin B = \frac{12}{13}$

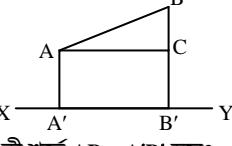
নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) i ও ii (খ) i ও iii
 (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

১৯. BD এর দৈর্ঘ্য কত সে.মি.?

(ক) 4.62 (খ) 9.23 (গ) 10 (ঘ) 24

২০.

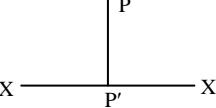


চিত্রে কী শর্তে $AB = A'B'$ হবে?

- (ক) $AB = XY$ (খ) $AB \parallel XY$

- (গ) $AB = \frac{1}{2}XY$ (ঘ) $AB \perp XY$

২১.



XX' সরলরেখার বাইরে থেকেনো P বিন্দু হলে—

- i. এই বিন্দু থেকে XX' রেখার উপর লম্ব PP'

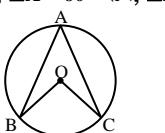
- ii. লম্বের পাদবিন্দু P'

- iii. P বিন্দু থেকে XX' এর উপর লম্ব অভিক্ষেপ হবে শূন্য

নিচের কোনটি সঠিক?

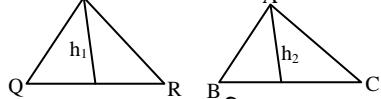
- (ক) i ও ii (খ) i ও iii
 (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

২২. চিত্রে, $\angle A = 60^\circ$ হলে, $\angle BOC =$ কত?



- (ক) 30° (খ) 60° (গ) 120° (ঘ) 360°

২৩.

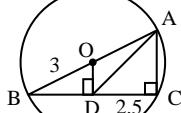


ΔAPQ ও ΔABC সদৃশ ত্রিভুজ হয় এবং $QR = BC$ হলে নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) $h_1 = h_2 BC$ (খ) $\frac{h_1}{h_2} = \text{ধ্রুক}$

- (গ) $\frac{h_1}{h_2} = 1$ (ঘ) $h_1 + h_2 = 0$

নিচের চিত্রের আলোকে (২৪-২৫) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তটি, ΔABC এর পরিবৃত্ত।

২৪. পরিবৃত্তের ব্যাস কত?

- (ক) 3 (খ) 6 (গ) 9 (ঘ) 12

২৫. $BC =$ কত?

- (ক) 2.5 (খ) 4.5 (গ) 5 (ঘ) 6.25

সূজনশীল প্রশ্ন

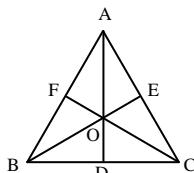
সময়: ২ ঘণ্টা ৩৫ মিনিট

মান-৫০

বি. দ. যে কোনো ৫টি প্রশ্নের উত্তর দিতে হবে। প্রতি প্রশ্নের মান ১০

$$10 \times 5 = 50$$

১. ▶



$\triangle ABC$ এর AD , BE ও CF মধ্যমাত্রায় পরস্পরকে O বিন্দুতে ছেদ করেছে।

ক. দেখাও যে, $OA = 2OD$ ।

২

খ. প্রমাণ কর যে, $AB^2 + AC^2 = 2(AD^2 + BD^2)$

৮

গ. $BC = a$, $CA = b$, $AB = c$, $AD = d$, $BE = e$ এবং $CF = f$ হলে প্রমাণ কর যে, $3(a^2 + b^2 + c^2) = 4(d^2 + e^2 + f^2)$

৮

২. ▶ $\triangle ABC$ এ $\angle C$ সূক্ষ্মকোণ। AD , BC এর বর্ধিতাংশের উপর লম্ব।

ক. প্রদত্ত তথ্যের আলোকে চিত্র অঙ্কন কর।

২

খ. উপরে প্রদত্ত তথ্য অবলম্বনে, প্রমাণ কর যে,

$$AB^2 = AC^2 + BC^2 + 2BC \cdot CD.$$

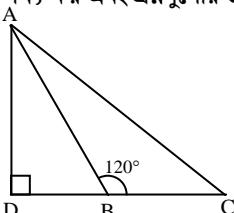
৮

গ. $\angle C$ সূক্ষ্মকোণ হলে দেখাও যে,

$$AB^2 = AC^2 + BC^2 - 2BC \cdot CD$$

৮

৩. ▶ নিচের চিত্রটি লক্ষ্য কর এবং প্রশ্নগুলোর উত্তর দাও:



ক. $\angle BAD$ এর মান নির্ণয় কর।

২

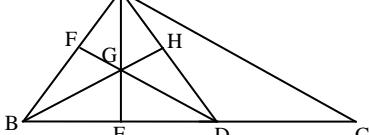
খ. প্রমাণ কর যে, $AC^2 = AB^2 + BC^2 + 2 \cdot AB \cdot BC$

৮

গ. DC এর মধ্যবিন্দু B হলে প্রমাণ কর যে, $AC^2 = AB^2 + 3BC^2$.

৮

৪. ▶



চিত্রে, $AB = BD = AD$ এবং D বিন্দু BC বাহুর মধ্যবিন্দু। AE , BH এবং DF যথাক্রমে BD , AD এবং AB এর উপর লম্ব।

ক. G , AE বাহুকে কি অনুপাতে বিভক্ত করে?

২

খ. $\triangle ABC$ এ প্রমাণ কর যে, $AG \cdot GE = BG \cdot GH = DG \cdot GF$

৮

গ. $\triangle ABD$ এ প্রমাণ কর যে,

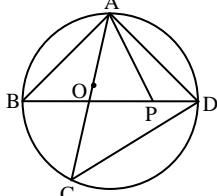
$$AB^2 + BD^2 + DA^2 = 3(GA^2 + GB^2 + GD^2)$$

৮

৫. ▶ বজাৰখন্থু জাতীয় স্টেডিয়ামে স্থাপিত দোড়বিদের জন্য বৃত্তাকার ট্রাকে চারজন দৌড়বিদ P , Q , R , S বিন্দুতে 4×100 মিটার রিলে দৌড়ের জন্য দাঢ়িয়ে আছে।

ক. কোনো রেখাংশের মধ্যবিন্দুতে সমকোণ অঙ্কন কর।

২



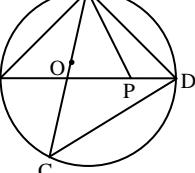
খ. PQS সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ এবং শীর্ষ P হতে ভূমি QS এর উপর অঙ্কিত লম্ব PM এবং ত্রিভুজের পরিব্যাসার্ধ R হলে দেখাও যে, $R = \frac{PQ^2}{2PM}$.

৮

গ. প্রমাণ কর যে, $PR \cdot QS = PQ \cdot RS + QR \cdot PS$.

৮

৬. ▶



ক. টলেমির উপপাদ্যটি বিবৃত কর।

৮

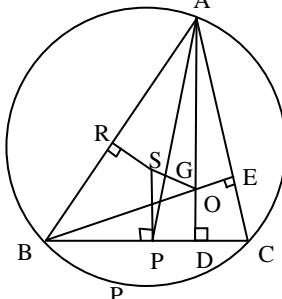
খ. চিত্র হতে প্রমাণ কর যে, $AB \cdot AD = AC \cdot AP$

৮

গ. চিত্র হতে দেখাও যে, $AC \cdot BD = AB \cdot CD + BC \cdot AD$

৮

৭. ▶



চিত্রে S ও O যথাক্রমে পরিকেন্দ্র ও লম্বকেন্দ্র। AP , ABC ত্রিভুজের একটি মধ্যমা।

২

ক. চিত্রসহ ভরকেন্দ্র ও অন্তকেন্দ্রের সংজ্ঞা দাও।

৮

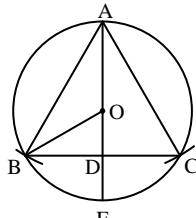
খ. প্রমাণ কর যে, S , G এবং O সমরেখ।

৮

গ. প্রমাণ করতে হবে যে, $BC \cdot CD = AC \cdot CE$

৮

৮. ▶



চিত্রে O , ABC ত্রিভুজের পরিকেন্দ্র।

২

ক. পরিব্যাসার্ধ কাকে বলে?

৮

খ. চিত্রে $AB = AC = 5$ সে.মি. এবং $BD = CD = 3$ সে.মি. হলে বৃত্তটির ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।

৮

গ. $\triangle ABC$ সমবাহু এবং এর পরিবৃত্তের ব্যাসার্ধ 3 সে.মি. হলে, ত্রিভুজটির বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

৮

নিজেকে যাচাই করিঃ বহুনির্বাচনি প্রশ্ন

ক্ষ.	১	গ	২	গ	৩	ব	৪	ব	৫	ক	৬	ক	৭	গ	৮	গ	৯	ক	১০	ব	১১	গ	১২	ব	১৩	গ
পঞ্জি	১৪	ব	১৫	গ	১৬	ব	১৭	ব	১৮	ক	১৯	ক	২০	ব	২১	ব	২২	গ	২৩	ব	২৪	ব	২৫	গ		

নিজেকে যাচাই করিঃ সূজনশীল প্রশ্ন

৩. ক. 30°	৮. খ. 3.125 সে.মি.; গ. 5.196 সে.মি.
------------------	-------------------------------------